

Заметим следующее:

$$B\rho = \frac{cMv_1}{q},$$

(57)

где Mv_1 — это импульс частицы в плоскости, перпендикулярной к \mathbf{B} . Это важное соотношение; в одной из последующих глав мы

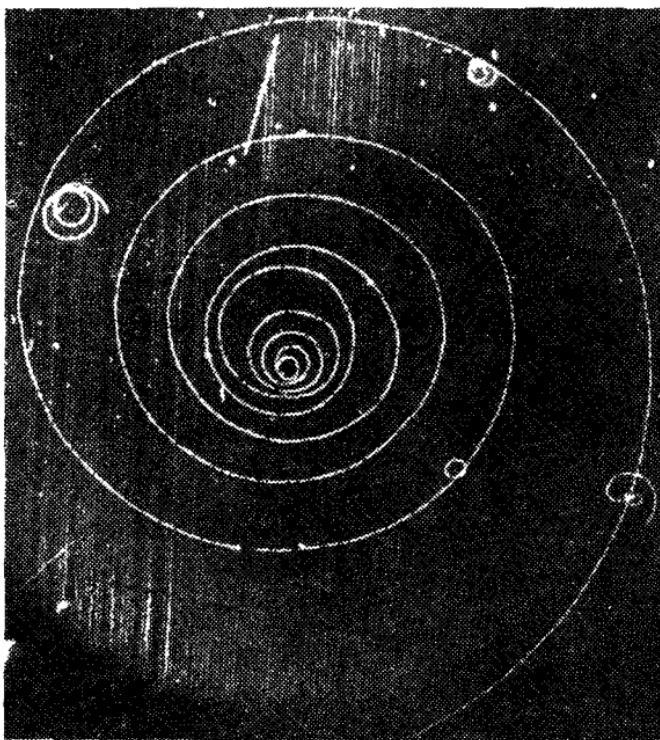


Рис. 4.10. Полученная в водородной пузырьковой камере фотография траектории электрона, движущегося с большой скоростью в магнитном поле. Электрон входит в поле зрения внизу слева. Теряя свою энергию на ионизацию водородных молекул, электрон замедляет движение. Когда уменьшается скорость электрона, уменьшается и радиус кривизны его траектории в магнитном поле. Поэтому траектория имеет форму спирали.

(Радиационная лаборатория им. Лоуренса)

увидим, что оно выполняется и в релятивистской области скоростей, если вместо Mv_1 подставить в него релятивистский импульс p . Поэтому можно применять соотношение (57) для определения импульсов частиц с очень высокой энергией.

4.5. Размерности

Всегда целесообразно проверить, что размерности обеих частей полученного окончательного уравнения одинаковы. Это легкий способ обнаружить принципиальные ошибки. Для правой части уравнения (57) имеем

$$\left[\frac{cMv_1}{q} \right] = \left[\frac{L}{T} \right] [M] \left[\frac{L}{T} \right] \left[\frac{1}{q} \right] = \left[\frac{ML^2}{qT^2} \right], \quad (58)$$

где T — время, а L — длина. Квадратные скобки означают размерность заключенной в них величины. Для левой части уравнения (57)

$$[B\rho] = \left[\frac{F}{q} \right] [L] = \left[\frac{ML^2}{qT^2} \right], \quad (59)$$

потому что согласно уравнению (9), определяющему силу Лоренца, индукция B имеет в гауссовой системе единиц размерность силы, деленной на заряд. Как показывают равенства (58) и (59), обе части уравнения (57) имеют одинаковую размерность.

Пример. Гирокопическая частота. Какова гирокопическая частота электрона в магнитном поле с индукцией 10 кгс ($1 \cdot 10^4 \text{ гс}$)? (Величина индукции $10 \div 15 \text{ кгс}$ типична для магнитных полей обычных лабораторных электромагнитов с железным сердечником.)

Согласно формуле (51) получаем

$$\omega_{\text{п}} = \frac{eB}{mc} \approx \frac{(5 \cdot 10^{-10}) \cdot (10^4)}{(10^{-27}) \cdot (3 \cdot 10^{10})} \text{ сек}^{-1} \approx \frac{5 \cdot 10^{-6}}{3 \cdot 10^{-17}} \text{ сек}^{-1} \approx 2 \cdot 10^{11} \text{ сек}^{-1}. \quad (60)$$

Частота периодического движения, обозначаемая как $f_{\text{п}}$, равна

$$f_{\text{п}} = \frac{\omega_{\text{п}}}{2\pi} \approx 3 \cdot 10^{10} \text{ герц}, \quad (61)$$

и ей соответствует следующая длина электромагнитной волны в свободном пространстве:

$$\lambda_{\text{п}} = \frac{c}{f_{\text{п}}} \approx \frac{3 \cdot 10^{10}}{3 \cdot 10^{10}} \text{ см} \approx 1 \text{ см}. \quad (62)$$

Гирокопическая частота $\omega_{\text{п}}(p)$ протона относится к гирокопической частоте электрона в том же самом магнитном поле, как $1/1836$, т. е. так же, как масса электрона к массе протона. В магнитном поле с индукцией 10 кгс гирокопическая частота протона равна

$$\omega_{\text{п}}(p) = \frac{m}{M_p} \omega_{\text{п}}(e) \approx \frac{2 \cdot 10^{11}}{2 \cdot 10^3} \text{ сек}^{-1} \approx 10^8 \text{ сек}^{-1}. \quad (63)$$

Направление кругового движения электрона в магнитном поле противоположно направлению движения протона, потому что их заряды имеют противоположные знаки.

Пример. Гирокопический радиус. Каков радиус траектории электрона, движущегося в циклотроне со скоростью 10^8 см/сек в плоскости, перпендикулярной к вектору магнитной индукции B , величина которого равна 10 кгс ?

Применяя уравнения (56) и (60), получим следующую величину гирокопического радиуса:

$$\rho = \frac{v_1}{\omega_{\text{п}}} \approx \frac{10^8}{2 \cdot 10^{11}} \text{ см} \approx 5 \cdot 10^{-4} \text{ см}. \quad (64)$$

Гирокопический радиус протона, движущегося с той же скоростью, больше в M_p/m раз:

$$\rho \approx (5 \cdot 10^{-4}) \cdot (2 \cdot 10^3) \text{ см} \approx 1 \text{ см}. \quad (65)$$