

Поскольку последовательное применение двух операций обращения времени не изменяет физической ситуации, мы имеем дело с группой, изоморфной группе  $S_2$ , и на этом основании могли бы ожидать следствий, аналогичных рассмотренным в § 6 для группы  $S_2$ ; но это неверно. Дело в том, что оператор  $\Gamma$ , который осуществляет обращение времени, не является ни линейным, ни унитарным. Поэтому здесь мы не вправе пользоваться теорией представлений, изложенной в гл. 4. Этот вопрос мы отложим до второго тома (гл. 15, § 7, п. Г), где будет показано, что «четным» относительно обращения времени может быть сделан оператор, но не волновая функция. Приводит или нет к увеличению вырожденности включение операции обращения времени в данную группу симметрии системы, это зависит от группы. Мы кратко остановимся еще на данном вопросе в гл. 9, § 8 и в т. 2, гл. 15, § 7, п. Г. В заключение отметим, что найти гамильтониан, не имеющий симметрии обращения времени, нетрудно. Например, введенный в § 1 оператор  $L$  взаимодействия с магнитным полем является нечетным, а оператор кинетической энергии — четным.

## ЛИТЕРАТУРА

По нерелятивистской квантовой механике так много книг, что выбор затруднителен, но в качестве очень простого введения рекомендуем

*Mathews P. T., Introduction to Quantum Mechanics*, McGraw-Hill, London, 1963,

а как руководства более серьезного уровня рекомендуем учебники

*Landau L. D., Lifschiz E. M., Quantum Mechanics*, Pergamon, London, 1958.

[См. также: *Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. Квантовая механика*.— М.: Наука, 1963.]

*Messiah A., Quantum Mechanics*, North-Holland, Amsterdam, 1961.

## ЗАДАЧИ

В этой главе мы даем лишь несколько задач, поскольку все введенные в ней понятия снова встречаются в следующих главах в приложении к различным физическим системам.

5.1. Покажите, что группа  $C_3$  есть группа симметрии потенциала  $V = \cos \theta \sin^3 \theta \cos 3\varphi$ , а группа  $D_3$  — потенциала  $V = \sin^3 \theta \times \cos 3\varphi$ . Обладают ли эти потенциалы дополнительной симметрией отражения или инверсии?

- 5.2. В соответствии с изложенным в § 3 собственные состояния гамильтониана с симметрией  $D_4$  можно классифицировать по неприводимым представлениям этой группы, найденным в гл. 4, § 10. Имеется ли у этих состояний вырожденность и какова она? Выведите правила отбора для дипольных переходов в этой системе.
- 5.3. Покажите, что в случае частицы, движущейся в поле с потенциалом симметрии  $C_3$ , оператор  $\cos(2\pi l_z/3)$  соответствует сохраняющейся величине.
- 5.4. Рассмотрим частицу, движущуюся по окружности (так что существенна только одна координата  $\phi$ ), под действием потенциала  $V(\phi)$  с симметрией  $C_3$ . Взяв собственную функцию в виде ряда Фурье  $\psi(\phi) = \sum_n a_n \exp(in\phi)$ , покажите, что эту сумму можно ограничить лишь целыми  $n = m + k$ , где  $m$  фиксировано ( $m = 0, 1$  или  $2$ ), а  $k$  пробегает все целые числа.
- 5.5. Функции  $xe^{-r^2}$ ,  $ye^{-r^2}$  и  $ze^{-r^2}$  являются собственными функциями для частицы, движущейся в поле с потенциалом сферически-симметричного гармонического осциллятора. Эти три состояния очевидно вырождены. Как будет сниматься это трехкратное вырождение при включении возмущающего потенциала симметрии  $D_3$ ? (Найдите характер трехмерного представления группы  $D_3$  и приведите его.)

Детально следствия сферической симметрии будут разобраны в гл. 7 и 8, а копечные точечные группы симметрии рассматриваются в гл. 9.