

5.41. Какое число молекул n содержит единица объема сосуда при температуре $t = 10^\circ \text{C}$ и давлении $p = 1,33 \cdot 10^{-9} \text{ Па}$?

Решение:

Число молекул N , содержащееся во всем сосуде, можно найти из соотношения: $N = \frac{m}{\mu} N_A$. Тогда число молекул в

единице объема $n = \frac{N}{V}$ или $n = \frac{m N_A}{\mu V}$. Согласно урав-

нению Менделеева — Клапейрона, $pV = \frac{m}{\mu} RT$, откуда

$$\frac{m}{\mu} = \frac{pV}{RT}. \text{ Тогда } n = \frac{p N_A}{RT}; n = 3,4 \cdot 10^{11} \text{ м}^{-3}.$$

5.42. Для получения хорошего вакуума в стеклянном сосуде необходимо подогреть стенки сосуда при откачке для удаления адсорбированного газа. На сколько может повыситься давление в сферическом сосуде радиусом $r = 10 \text{ см}$, если адсорбированные молекулы перейдут со стенок в сосуд? Площадь поперечного сечения молекул $s_0 = 10^{-19} \text{ м}^2$. Температура газа в сосуде $t = 300^\circ \text{C}$. Слой молекул на стенках считать мономолекулярным.

Решение:

Давление p газа в сосуде связано с числом молекул n в единице объема сосуда соотношением $p = nkT$ или

$$p = \frac{NkT}{V} \text{ — (1), где } N \text{ — число молекул в объеме}$$

$V = 4\pi r^3 / 3$ — (2). По условию эти N молекул образуют

мономолекулярный слой, следовательно, $N = \frac{S}{s_0}$, где

$S = 4\pi r^2$ — (3). Подставляя (2) и (3) в (1), получим
 $p = \frac{3kT}{s_0 r}$; $p = 2,4$ Па.

5.43. Какое число частиц находится в единице массы паробразного йода (I_2), степень диссоциации которого $\alpha = 0,5$? Молярная масса молекулярного йода $\mu = 0,254$ кг/моль.

Решение:

Имеем $\nu_1 = \frac{2\alpha m}{\mu}$ атомарного йода и $\nu_2 = \frac{(\alpha - 1)m}{\mu}$ молекулярного йода (см. задачу 5.30). В единице массы $\nu_1 = \frac{2\alpha}{\mu}$; $\nu_2 = \frac{\alpha - 1}{\mu}$. Число частиц в единице массы паробразного йода $n = N_A \left(\frac{2\alpha}{\mu} + \frac{1 - \alpha}{\mu} \right)$; $n = 3,56 \cdot 10^{24}$ кг⁻¹.

5.44. Какое число частиц N находится в массе $m = 16$ г кислорода, степень диссоциации которого $\alpha = 0,5$?

Решение:

Количество атомарного кислорода, находящегося в данной массе, $\nu_1 = \frac{2\alpha m}{\mu}$, количество молекулярного кислорода $\nu_2 = \frac{(1 - \alpha) \cdot m}{\mu}$. Общее количество кислорода $\nu = \frac{2\alpha m}{\mu} + \frac{(1 - \alpha) \cdot m}{\mu}$. Число частиц в массе m кислорода $N = N_A \nu$. После несложных преобразований получим $N = N_A \times \frac{m \cdot (\alpha + 1)}{\mu}$; $N = 4,5 \cdot 10^{23}$.

5.45. В сосуде находится количество $\nu_1 = 10^{-7}$ молей кислорода и масса $m_2 = 10^{-6}$ г азота. Температура смеси $t = 100^\circ \text{C}$, давление в сосуде $p = 133$ мПа. Найти объем V сосуда, парциальные давления p_1 и p_2 кислорода и азота и число молекул n в единице объема сосуда.

Решение:

По закону Дальтона $p = p_1 + p_2$ — (1). Согласно уравнению Менделеева — Клапейрона, $p_1 V = \frac{m_1}{\mu_1} RT$ — (2) и

$p_2 V = \frac{m_2}{\mu_2} RT$ — (3), где μ_1 — молярная масса кислорода,

μ_2 — молярная масса азота. Решая (1) — (3), получим

$pV = RT \left(\frac{m_1}{\mu_1} + \frac{m_2}{\mu_2} \right)$ или $pV = RT \left(\nu_1 + \frac{m_2}{\mu_2} \right)$, откуда

$V = \frac{RT}{p} \left(\nu_1 + \frac{m_2}{\mu_2} \right)$; $V = 3,2$ л. Парциальное давление кисло-

рода p_1 найдем из уравнения Менделеева — Клапейрона

$p_1 V = \nu_1 RT$, откуда $p_1 = \nu_1 RT / V$; $p_1 = 98$ мПа.

Парциальное давление азота $p_2 = \frac{m_2 RT}{\mu_2 V}$; $p_2 = 35$ мПа.

Для нахождения числа молекул n в единице объема сосуда воспользуемся формулой, выведенной в задаче 5.41:

$n = p N_A / RT$; $n = 2,6 \cdot 10^{19} \text{ м}^{-3}$.

5.46. Найти среднюю квадратичную скорость $\sqrt{v^2}$ молекул воздуха при температуре $t = 17^\circ \text{C}$. Молярная масса воздуха $\mu = 0,029$ кг/моль.

Решение:

Средняя квадратичная скорость молекул $\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}$.

Для молекул воздуха $\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3 \cdot 8,31 \cdot 290}{0,029}} = 500 \text{ м/с}$.

5.47. Найти отношение средних квадратичных скоростей молекул гелия и азота при одинаковых температурах.

Решение:

Средняя квадратичная скорость молекул гелия $\sqrt{v_1^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu_1}}$, молекул азота — $\sqrt{v_2^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu_2}}$. Отсюда отношение

ние $\frac{\sqrt{v_1^2}}{\sqrt{v_2^2}} = \sqrt{\frac{\mu_2}{\mu_1}}$. Молярная масса гелия $\mu_1 = 0,004 \text{ кг/моль}$.

Молярная масса азота $\mu_2 = 0,028 \text{ кг/моль}$. Тогда

$$\sqrt{v_1^2} / \sqrt{v_2^2} = 2,65.$$

5.48. В момент взрыва атомной бомбы развивается температура $T \approx 10^7 \text{ К}$. Считая, что при такой температуре все молекулы полностью диссоциированы на атомы, а атомы ионизированы, найти среднюю квадратичную скорость $\sqrt{v^2}$ иона водорода.

Решение:

Средняя квадратичная скорость иона водорода $\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}$, где молярная масса иона водорода

$\mu = 0,001 \text{ кг/моль}$. Отсюда $\sqrt{v^2} = 5 \cdot 10^5 \text{ м/с}$.

5.49. Найти число молекул n водорода в единице объема сосуда при давлении $p = 266,6$ Па, если средняя квадратичная скорость его молекул $\sqrt{v^2} = 2,4$ км/с.

Решение:

В задаче 5.41 была получена формула, выражающая число молекул газа в единице объема $n = \frac{pN_A}{RT}$. Средняя

квадратичная скорость молекул водорода $\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}$,

отсюда $RT = \left(\sqrt{v^2}\right)^2 \cdot \mu / 3$. Тогда $n = \frac{3pN_A}{\mu \left(\sqrt{v^2}\right)^2}$;

$$n = 4,2 \cdot 10^{24} \text{ м}^{-3}.$$

5.50. Плотность некоторого газа $\rho = 0,06$ кг, средняя квадратичная скорость его молекул $\sqrt{v^2} = 500$ м/с. Найти давление p , которое газ оказывает на стенки сосуда.

Решение:

Давление газа определяется основным уравнением молекулярно-кинетической теории (МКТ): $p = \frac{2}{3} n \frac{m_0 v^2}{2}$ — (1), где n — число молекул в единице объема, m_0 — масса молекулы. Кроме того, n и m_0 связаны соотношением:

$n = \frac{\rho}{m_0}$. Тогда уравнение (1) можно записать следующим

$$\text{образом: } p = \frac{\rho v^2}{3}; \quad p = 5 \text{ кПа.}$$

5.51. Во сколько раз средняя квадратичная скорость пылинки, взвешенной в воздухе, меньше средней квадратичной скорости молекул воздуха? Масса пылинки $m = 10^{-8}$ г. Воздух считать однородным газом, молярная масса которого $\mu = 0,029$ кг/моль.

Решение:

Среднюю квадратичную скорость можно выразить с помощью следующих соотношений: $\sqrt{\bar{v}^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}} = \sqrt{\frac{3kT}{m}}$.

Для пылинки $\sqrt{\bar{v}_1^2} = \sqrt{\frac{3kT}{m}}$. Для воздуха $\sqrt{\bar{v}_2^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}$;

$$\frac{\sqrt{\bar{v}_2^2}}{\sqrt{\bar{v}_1^2}} = \sqrt{\frac{Rm}{\mu k}}; \frac{\sqrt{\bar{v}_2^2}}{\sqrt{\bar{v}_1^2}} = 1,44 \cdot 10^7.$$

5.52. Найти импульс mv молекулы водорода при температуре $t = 20^\circ \text{C}$. Скорость молекулы считать равной средней квадратичной скорости.

Решение:

Масса молекулы водорода $m = \frac{\mu}{N_A}$. Ее средняя

квадратичная скорость $\sqrt{\bar{v}^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}$. Тогда

$$mv = \frac{\mu}{N_A} \sqrt{\frac{3RT}{\mu}} = \frac{\sqrt{3RT\mu}}{N_A}; mv = 6,3 \cdot 10^{-24} \text{ кг}\cdot\text{м/с}.$$

5.53. В сосуде объемом $V = 2$ л находится масса $m = 10$ г кислорода при давлении $p = 90,6$ кПа. Найти среднюю

Решение:

К. п. д. двигателя $\eta = \frac{A}{Q} = \frac{Pt}{mq}$ — (1), откуда $m = \frac{Pt}{\eta q}$. С

другой стороны, $\eta = 1 - \frac{\beta\gamma - 1}{\gamma\varepsilon^{\gamma-1}(\beta - 1)}$ — (2) (см. задачу

2.214). В условиях данной задачи $\beta = \frac{\varepsilon}{\delta} = \frac{16}{6,4} = 2,5$;

$\gamma = 1,3$; $\beta\gamma = 3,29$; $\beta^{\gamma} - 1 = 2,29$; $\varepsilon^{\gamma-1} = 2,30$; $\beta - 1 = 1,5$.

Подставляя эти данные в (2), получим $\eta = 0,49 = 49\%$.

Тогда $m = 5,9$ кг.

5.216. Найти изменение ΔS энтропии при превращении массы $m = 10$ г льда ($t = -20^{\circ}\text{C}$) в пар ($t_{\text{н}} = 100^{\circ}\text{C}$).

Решение:

Изменение энтропии при переходе вещества из состояния

1 в состояние 2 $\Delta S = \int_1^2 \frac{dQ}{T}$, где, согласно первому началу

термодинамики, $dQ = dU + dA = \frac{m}{\mu} C_V dT + pdV$. Т. к. из

уравнения Менделеева — Клапейрона давление $p = \frac{m RT}{\mu V}$,

то $dQ = \frac{m}{\mu} C_V dT + \frac{m RT}{\mu V} dV$. При переходе из одного агре-

гатного состояния в другое, общее изменение энтропии складывается из изменений ее в отдельных процессах. При нагревании льда от T до T_0 (T_0 — температура плавления)

$\Delta S_1 = \int_T^{T_0} \frac{mc_{\text{л}} dT}{T} = mc_{\text{л}} \ln \frac{T_0}{T}$, где $c_{\text{л}} = 2,1$ кДж/(кг·К) —

удельная теплоемкость льда. При плавлении льда

Тогда масса частицы $m = \rho V = \frac{\pi \rho \sigma^3}{6}$. Отсюда

$$\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3kT \cdot 6}{\pi \rho \sigma^3}}; \quad \sqrt{v^2} = 4,65 \cdot 10^{-3} \text{ м/с.}$$

5.55. Средняя квадратичная скорость молекул некоторого газа $\sqrt{v^2} = 450$ м/с. Давление газа $p = 50$ кПа. Найти плотность ρ газа при этих условиях.

Решение:

Давление газа определяется основным уравнением МКТ:

$$p = \frac{2}{3} n \frac{m_0 \overline{v^2}}{2} \quad (1), \text{ где } n \text{ — число молекул в единице}$$

объема, m_0 — масса молекулы. Кроме того, n и m_0

связаны соотношением: $n = \frac{\rho}{m_0}$. Тогда уравнение (1)

можно записать следующим образом: $p = \frac{\rho \overline{v^2}}{3}$, откуда

$$\rho = \frac{3p}{\overline{v^2}}; \quad \rho = 0,74 \text{ кг/м}^3.$$

5.56. Плотность некоторого газа $\rho = 0,082$ кг/м³ при давлении $p = 100$ кПа и температуре $t = 17^\circ \text{C}$. Найти среднюю квадратичную скорость $\sqrt{v^2}$ молекул газа. Какова молярная масса μ этого газа?

Решение:

Из предыдущей задачи $p = \frac{\rho \overline{v^2}}{3}$, откуда $\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3p}{\rho}}$;

$\sqrt{v^2} = 1,9$ км/с. Молярную массу μ этого газа можно найти

5.218. Найти изменение ΔS энтропии при плавлении массы $m = 1$ кг льда ($t = 0^\circ \text{C}$).

Решение:

При плавлении массы m льда при температуре T имеем

$\Delta S = \frac{m\lambda}{T}$, где $\lambda = 0,33$ МДж/кг — удельная теплота плавления. $\Delta S = 1209$ Дж/кг.

5.219. Массу $m = 640$ г расплавленного свинца при температуре плавления $t_{\text{пл}}$ вылили на лед ($t = 0^\circ \text{C}$). Найти изменение ΔS энтропии при этом процессе.

Решение:

Предположим, что система «свинец — лед» замкнута, т.е. потеря тепла во внешнюю среду не происходит и весь образовавшийся пар сконденсировался и остался внутри системы в виде воды. Тогда изменение энтропии системы ΔS будет складываться из изменения энтропии свинца ΔS_1 при затвердевании, изменения энтропии свинца ΔS_2 при охлаждении до $t = 0^\circ \text{C}$ и изменения энтропии льда при таянии ΔS_3 . Т.е. $\Delta S = \Delta S_1 + \Delta S_2 + \Delta S_3$. Задачу рассматриваем при условии, что льда имеется достаточное количество для поддержания температуры $t = 0^\circ \text{C}$. Обозначим $T_1 = 600$ К — температура плавления свинца, $T_2 = 273$ К — температура льда. Имеем $dS_1 = dQ_1 / T$ или

$$\Delta S_1 = -\int_1^2 \frac{dQ_1}{T_1} = -\frac{m\lambda}{T_1}, \text{ где } \lambda = 22,6 \text{ кДж/кг — удельная теп}$$

плота плавления (кристаллизации) свинца. $dS_2 = \frac{dQ_2}{T}$, от-

Решение:

Внутренняя энергия газа $W = \frac{i}{2} \frac{m}{\mu} RT$. Воздух можно считать (в процентном соотношении) двухатомным газом, т.е. число степеней свободы $i = 5$. Тогда $W = \frac{5}{2} \frac{m}{\mu} RT$;
 $W = 210$ Дж.

5.60. Найти энергию $W_{\text{вр}}$ вращательного движения молекул, содержащихся в массе $m = 1$ кг азота при температуре $t = 7^\circ \text{C}$.

Решение:

Внутренняя энергия газа $W = \frac{i}{2} \frac{m}{\mu} RT$. Поскольку молекула азота состоит из двух атомов, то для нее количество степеней свободы вращательного движения $i = 2$. Тогда $W_{\text{вр}} = \frac{m}{\mu} RT$; $W_{\text{вр}} = 83$ кДж.

5.61. Найти внутреннюю энергию W двухатомного газа, находящегося в сосуде объемом $V = 2$ л под давлением $p = 150$ кПа.

Решение:

Согласно уравнению состояния идеального газа

$$pV = \frac{m}{\mu} RT \quad (1). \text{ Внутренняя энергия газа } W = \frac{i}{2} \frac{m}{\mu} RT$$

или, с учетом (1), $W = \frac{i}{2} pV$. Для двухатомного газа

количество степеней свободы $i = 5$, тогда $W = \frac{5}{2} pV$;
 $W = 750$ Дж.

5.62. Энергия поступательного движения молекул азота, находящегося в баллоне объем $V = 20$ л, $W = 5$ кДж, а средняя квадратичная скорость его молекул $\sqrt{\overline{v^2}} = 2 \cdot 10^3$ м/с. Найти массу m азота в баллоне и давление p , под которым он находится.

Решение:

Энергия поступательного движения молекул азота

$$W = \frac{m\overline{v^2}}{2}, \text{ откуда } m = \frac{2W}{\overline{v^2}}; m = 2,5 \text{ г. Согласно основному}$$

$$\text{уравнению МКТ } p = \frac{2}{3} n \frac{m_0 \overline{v^2}}{2} \text{ — (1), где } n \text{ — число}$$

молекул в единице объема, m_0 — масса одной молекулы.

Очевидно, что произведение $nm_0 = \rho$ — плотности азота.

Тогда $nm_0 V = \rho V = m$ — массе всего азота, находящегося в баллоне. Умножив правую и левую части уравнения (1) на

$$V, \text{ получим } pV = \frac{2}{3} nm_0 V \frac{\overline{v^2}}{2} = \frac{2}{3} m \frac{\overline{v^2}}{2}. \text{ Но } \frac{m\overline{v^2}}{2} = W,$$

$$\text{следовательно, } pV = \frac{2}{3} W, \text{ откуда } p = \frac{2W}{3V}; p = 167 \text{ кПа.}$$

5.63. При какой температуре T энергия теплового движения атомов гелия будет достаточна для того, чтобы атомы гелия преодолели земное тяготение и навсегда покинули земную атмосферу? Решить аналогичную задачу для Луны.

Решение:

Согласно условию задачи средняя квадратичная скорость атомов гелия должна быть равна второй космической

скорости, т.е. $\sqrt{v^2} = 11,2 \text{ км/с}$. $\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}$, откуда

$$T = \frac{\mu v^2}{3R}; \quad T \approx 2 \cdot 10^4 \text{ К. Для Луны } \sqrt{v^2} = 2,4 \text{ км/с, тогда}$$

$$T = 900 \text{ К.}$$

5.64. Масса $m = 1 \text{ кг}$ двухатомного газа находится под давлением $p = 80 \text{ кПа}$ и имеет плотность $\rho = 4 \text{ кг/м}^3$. Найти энергию теплового движения W молекул газа при этих условиях.

Решение:

Энергия теплового движения двухатомного газа

$$W = \frac{i}{2} \nu RT = \frac{5}{2} \frac{m}{\mu} RT. \text{ Согласно уравнению Менделеева — Клапейрона } pV = \frac{m}{\mu} RT, \text{ тогда } W = \frac{5}{2} pV. \text{ Так как}$$

$$V = \frac{m}{\rho}, \text{ то окончательно имеем } W = \frac{5}{2} \frac{pm}{\rho}; \quad W = 50 \text{ кДж.}$$

5.65. Какое число молекул N двухатомного газа содержит объем $V = 10 \text{ см}^3$ при давлении $p = 5,3 \text{ кПа}$ и температуре $t = 27^\circ \text{С}$? Какой энергией теплового движения W обладают эти молекулы?

Решение:

Согласно уравнению Менделеева — Клапейрона $pV =$

$$= \frac{m}{\mu} RT = \nu RT. \text{ Количество вещества } \nu = \frac{N}{N_A}, \text{ где } N \text{ —}$$

число молекул в данном объеме вещества, N_A — число

Авогадро. Тогда $pV = \frac{N}{N_A} RT$. Но $\frac{R}{N_A} = k$ — постоянной Больцмана. Отсюда окончательно имеем $pV = NkT$, откуда $N = \frac{pV}{kT}$; $N = 1,3 \cdot 10^{19}$. Энергия теплового движения двухатомного газа $W = \frac{5}{2} \frac{m}{\mu} RT$, где $\frac{m}{\mu} = \nu = \frac{N}{N_A}$, тогда $W = \frac{5}{2} \frac{N}{N_A} RT$; $W = 0,133$ Дж.

5.66. Найти удельную теплоемкость c кислорода для: а) $V = const$; б) $p = const$.

Решение:

Молярная теплоемкость C и удельная теплоемкость c связаны соотношением $C = \mu c$. Отсюда $c = \frac{C}{\mu}$. а) При

$V = const$ $c_V = \frac{C_V}{\mu}$, где $C_V = \frac{i}{2} R$. Для кислорода $i = 5$, следовательно, $C_V = \frac{5}{2} R$. Тогда удельная теплоемкость

кислорода при постоянном объеме $c_V = \frac{5R}{2\mu}$;

$c_V = 650$ Дж/(кг·К). б) При $p = const$ $C_p = C_V + R = \frac{7}{2} R$.

Отсюда $c_p = \frac{7R}{2\mu}$; $c_p = 910$ Дж/(кг·К).

5.67. Найти удельную теплоемкость c_p : а) хлористого водорода; б) неона; в) окиси азота; г) окиси углерода; д) паров ртути.

Решение:

Удельная теплоемкость $c_p = \frac{C_p}{\mu}$, где молярная теплоем-

кость $C_p = C_v + R$. Поскольку $C_v = \frac{\nu}{2}R$, то $C_p = \frac{R(i+2)}{2}$.

Для одноатомных газов $C_p = 20,8$ Дж/(моль·К), для двухатомных газов $C_p = 29,1$ Дж/(моль·К), для многоатомных $C_p = 33,2$ Дж/(моль·К).

а) $\mu_{HCl} = 0,0365$ кг/моль, $c_p \approx 800$ Дж/(кг·К);

б) $\mu_{N_2} = 0,028$ кг/моль, $c_p = 1040$ Дж/(кг·К);

в) $\mu_{NO} = 0,03$ кг/моль, $c_p = 970$ Дж/(кг·К);

г) $\mu_{CO} = 0,028$ кг/моль, $c_p = 1040$ Дж/(кг·К);

д) $\mu_{H_2} = 0,002$ кг/моль, $c_p = 103$ Дж/(кг·К).

5.68. Найти отношение удельных теплоемкостей c_p/c_v для кислорода.

Решение:

Для кислорода $c_p = 910$ Дж/(кг·К), $c_v = 650$ Дж/(кг·К) (см.

задачу 5.66); $\frac{c_p}{c_v} = 1,4$.

5.69. Удельная теплоемкость некоторого двухатомного газа $c_p = 14,7$ кДж/(кг·К). Найти молярную массу μ этого газа.

Решение:

Молярная теплоемкость C_p и удельная теплоемкость c_p газов связаны соотношением $C_p = c_p \mu$, откуда

$\mu = \frac{C_p}{c_p}$ — (1). $C_p = C_v + R$ — (2), где молярная тепло-

емкость при постоянном объеме $C_v = \frac{i}{2}R$. Для двух-

атомного газа $i = 5$, тогда из (2) $C_p = \frac{7}{2}R$ — (3).

Подставив (3) в (1), получим $\mu \frac{7R}{2c_p}$; $\mu = 0,002$ кг/моль.

5.70. Плотность некоторого двухатомного газа при нормальных условиях $\rho = 1,43$ кг/м³. Найти удельные теплоемкости c_v и c_p этого газа.

Решение:

Молярная теплоемкость C и удельная теплоемкость c связаны соотношением $C = \mu c$. Отсюда $c = C / \mu$. При

$V = const$ $c_v = \frac{C_v}{\mu}$, где $C_v = \frac{i}{2}R$. Для двухатомного газа

$i = 5$, следовательно, $C_v = \frac{5}{2}R$. Тогда удельная тепло-

емкость двухатомного газа при постоянном объеме

$c_v = \frac{5R}{2\mu}$ — (1). При $P = const$ $C_p = \frac{7}{2}R$. Отсюда $c_p =$

$= \frac{7R}{2\mu}$ — (2). Согласно уравнению Менделеева — Клапей-

рона $pV = \frac{m}{\mu}RT$ или $p = \frac{m}{V\mu}RT$. Но $\frac{m}{V} = \rho$, тогда

$p = \frac{\rho}{\mu}RT$, откуда $\mu = \frac{\rho RT}{p}$ — (3). Подставляя (3) в (1) и

(2), получим $c_v = \frac{5p}{2\rho T}$; $c_p = \frac{7p}{2\rho T}$. При нормальных услови-

ях $p = 1,013 \cdot 10^5$ Па, $T = 273$ К. Тогда $C_{V'} = 650$ Дж/(кг·К),
 $c_p = 910$ Дж/(кг·К).

5.71. Молярная масса некоторого газа $\mu = 0,03$ кг/моль, отношение $c_p/c_v = 1,4$. Найти удельные теплоемкости c_v и c_p этого газа.

Решение:

Удельные теплоемкости c_v и c_p выражаются следующим

образом $c_v = \frac{C_v}{\mu}$ — (1); $c_p = \frac{C_p}{\mu}$ — (2), где молярная

теплоемкость $C_p = C_v + R = \frac{i}{2}R + R$ — (3). По условию

$\frac{c_p}{c_v} = 1,4$ или $c_p = 1,4c_v$, тогда из (3) $1,4C_v = c_v + R$,

$C_v = \frac{5}{2}R$ — (4), $C_p = \frac{7}{2}R$ — (5). Подставив (4) в (1) и (5) в

(2), получим $c_v = \frac{5R}{2\mu}$; $c_v = 693$ Дж/(кг·К); $c_p = \frac{7R}{2\mu}$;

$c_p = 970$ Дж/(кг·К).

5.72. Во сколько раз молярная теплоемкость C' гремучего газа больше молярной теплоемкости C'' водяного пара, получившегося при его сгорании? Задачу решить для: а) $V = const$; б) $p = const$.

Решение:

Запишем уравнение реакции $2\text{H}_2 + \text{O}_2 = 2\text{H}_2\text{O}$. Таким образом из количества $\nu_1 = 3$ моль двухатомного газа полу-

чается количество $\nu_2 = 2$ моль трехатомного газа, т.е. до сгорания $C_{\nu 1} = 3 \frac{5R}{2}$ и $C_{p1} = 3 \frac{7R}{2}$; после сгорания $C_{\nu 2} = 2 \frac{6R}{2}$ и $C_{p2} = 2 \frac{8R}{2}$. Тогда а) $\frac{C_{\nu 1}}{C_{\nu 2}} = 1,25$;
 б) $\frac{C_{p1}}{C_{p2}} = 1,31$.

5.73. Найти степень диссоциации α кислорода, если его удельная теплоемкость при постоянном давлении $c_p = 1,05$ кДж/(кг·К).

Решение:

Пусть m — полная масса кислорода. Тогда αm — масса диссоциированного кислорода, а $(1-\alpha) \cdot m$ — масса недиссоциированного кислорода. Количество тепла, необходимое для нагревания газа на некоторую температуру ΔT : $Q = c_p m \Delta T$ или $Q = [c_p^H (1-\alpha)m + c_p^g \alpha m] \cdot \Delta T$, где c_p^H и c_p^g — соответственно теплоемкости при постоянном давлении диссоциированного и не диссоциированного газов. Тогда $c_p m \Delta T = [c_p^H (1-\alpha)m + c_p^g \alpha m] \cdot \Delta T$, отсюда

$$c_p = c_p^H (1-\alpha) + c_p^g \alpha. \quad \text{Т.к. } c_p = \frac{i+2}{i} \frac{R}{\mu}, \quad \text{то } c_p^H = \frac{7}{2} \frac{R}{\mu} \quad \text{и}$$

$$c_p^g = \frac{5}{2} \frac{2R}{\mu}, \quad \text{поскольку для недиссоциированного газа } i=5,$$

а для диссоциированного $i=3$. Тогда $c_p = \frac{7}{2} \frac{R}{\mu} (1-\alpha) +$

$$+ \frac{5}{2} \frac{R}{\mu} \alpha = \frac{R}{2\mu} (7(1-\alpha) + 10\alpha) = \frac{R}{2\mu} (7+3\alpha); \quad 7+3\alpha = \frac{2\mu c_p}{R};$$

$$\alpha = \frac{2\mu c_p - 7R}{3R}; \quad \alpha = 0,362.$$