

(после 1) реальной точкой является точка 1', отвечающая состоянию с вполне несмещенным относительно состояния 1 релаксационным равновесием. Сжатие газа от состояния 1 до состояния 1' совершается скачком, вслед за чем уже происходит (на расстояниях $\sim v_1\tau$) постепенное сжатие до конечного состояния 2'

Если равновесная и неравновесная ударные адиабаты пересекаются (рис. 68), появляется возможность существования ударных волн еще одного типа: если скорость волны такова, что хорда 12 пересекает адиабаты выше точки их взаимного пересечения (как на рис. 68), то релаксация будет сопровождаться понижением давления — от значения, отвечающего точке 1' до значения, отвечающего точке 2 (С. П. Дьяков, 1954)¹⁾.

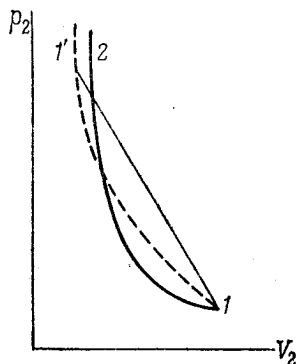


Рис. 68

§ 95. Изотермический скачок

Рассматривая в § 93 строение ударной волны, мы по существу предполагали, что коэффициенты вязкости и теплопроводности — величины одного порядка, как это обычно и бывает. Возможен, однако, и случай, когда $\chi \gg \nu$. Именно, если температура вещества достаточно высока, то в теплопроводности будет участвовать добавочный механизм — лучистая теплопроводность, осуществляемая находящимся в равновесии с веществом тепловым излучением. На вязкости же (т. е. на переносе импульса) наличие излучения сказывается в несравненно меньшей степени, в результате чего ν и может оказаться малым по сравнению с χ . Мы увидим сейчас, что наличие такого неравенства приводит к весьма существенному изменению структуры ударной волны.

Пренебрегая членами, содержащими вязкость, напишем уравнения (93,2) и (93,3), определяющие структуру переходного слоя, в виде

$$p + j^2V = p_1 + j^2V_1, \quad (95,1)$$

$$\frac{\kappa}{j} \frac{dT}{dx} = w + \frac{j^2V^2}{2} - w_1 - \frac{j^2V_1^2}{2}. \quad (95,2)$$

¹⁾ Такой случай мог бы, в принципе, иметь место в диссоциирующем многоатомном газе, если в равновесном состоянии за ударной волной достигается достаточно полная диссоциация его молекул на меньшие части. Диссоциация увеличивает значение отношения теплоемкостей γ , и тем самым уменьшает предельное сжатие в ударной волне, если только она уже настолько полна, что нагревание газа не требует заметной затраты энергии на продолжение диссоциации.

Правая сторона второго из этих уравнений обращается в нуль лишь на границе слоя. Поскольку температура позади ударной волны должна быть выше, чем впереди нее, то отсюда следует, что на протяжении всей ширины переходного слоя

$$\frac{dT}{dx} > 0, \quad (95,3)$$

т. е. температура возрастает монотонно.

Все величины в слое являются функцией одной переменной — координаты x , а потому и определенными функциями друг от друга. Продифференцировав соотношение (95,1) по V , получим:

$$\left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_V \frac{dT}{dV} + \left(\frac{\partial p}{\partial V}\right)_T + j^2 = 0.$$

Производная $(\partial p/\partial T)_V$ у газов всегда положительна. Поэтому знак производной dT/dV определяется знаком суммы $(\partial p/\partial V)_T + j^2$. В состоянии 1 имеем $j^2 > -(\partial p_1/\partial V_1)_s$ (так как $v_1 > c_1$), а поскольку адиабатическая сжимаемость всегда меньше изотермической, то во всяком случае и

$$j^2 > -\left(\frac{\partial p_1}{\partial V_1}\right)_T.$$

Следовательно, на стороне 1 производная

$$\frac{dT_1}{dV_1} < 0.$$

Если эта производная отрицательна и на всем протяжении ширины переходного слоя, то по мере сжатия вещества (уменьшения V) при переходе со стороны 1 на сторону 2 температура будет монотонно возрастать в согласии с неравенством (95,3). Другими словами, мы будем иметь дело с ударной волной, сильно расширенной благодаря большой теплопроводности (расширение может оказаться столь большим, что самое представление об ударной волне станет условным).

Другая ситуация возникает, если

$$j^2 < -\left(\frac{\partial p_2}{\partial V_2}\right)_T \quad (95,4)$$

(это неравенство отвечает достаточно большой интенсивности ударной волны — см. ниже (95,7)). Тогда в состоянии 2 будем иметь dT_2/dV_2 , так что где-то между значениями $V = V_1$ и $V = V_2$ функция $T(V)$ будет иметь максимум (рис. 69). Ясно, что переход от состояния 1 к состоянию 2 с непрерывным изменением V станет невозможным, так как при этом неизбежно нарушилось бы неравенство (95,3).

В результате мы получим следующую картину перехода от начального состояния 1 к конечному состоянию 2. Сначала идет область, в которой происходит постепенное сжатие вещества от

удельного объема V_1 до объема V' (значение V , при котором впервые становится $T(V') = T_2$; см. рис. 69); ширина этой области, определяющаяся теплопроводностью, может быть весьма значительной. Сжатие же от V' до V_2 происходит затем скачком при постоянной (равной T_2) температуре. Этот разрыв можно назвать *изотермическим скачком*.

Определим изменения давления и плотности в изотермическом скачке, предполагая газ идеальным. Условие непрерывности потока импульса (95.1), примененное к обоим сторонам скачка, дает

$$\rho' + j^2 V' = \rho_2 + j^2 V_2.$$

Для термодинамически идеального газа пишем $V = RT/\mu\rho$ и, имея в виду, что $T' = T_2$, получим:

$$\rho' + \frac{j^2 RT_2}{\mu\rho'} = \rho_2 + \frac{j^2 RT_2}{\mu\rho_2}.$$

Это квадратное уравнение для ρ' имеет (помимо тривиального корня $\rho' = \rho_2$) решение

$$\rho' = \frac{j^2 RT_2}{\mu\rho_2} = j^2 V_2. \quad (95,5)$$

Выражаем j^2 согласно формуле (85,6):

$$\rho' = \frac{\rho_2 - \rho_1}{V_1 - V_2} V_2,$$

после чего, подставив сюда V_2/V_1 из (89,1), получим для политропного газа

$$\rho' = \frac{1}{2} [(\gamma + 1)\rho_1 + (\gamma - 1)\rho_2]. \quad (95,6)$$

Поскольку должно быть $\rho_2 > \rho'$, то мы находим, что изотермический скачок возникает лишь при отношениях давлений ρ_2 и ρ_1 , удовлетворяющих условию

$$\frac{\rho_2}{\rho_1} > \frac{\gamma + 1}{3 - \gamma}. \quad (95,7)$$

(Rayleigh, 1910). Это условие можно, конечно, получить и непосредственно из (95,4).

Поскольку при данной температуре плотность газа пропорциональна давлению, то отношение плотностей в изотермическом скачке равно отношению давлений:

$$\frac{\rho'}{\rho_2} = \frac{V_2}{V'} = \frac{\rho'}{\rho_2} \quad (95,8)$$

и стремится при увеличении ρ_2 к значению $(\gamma - 1)/2$.

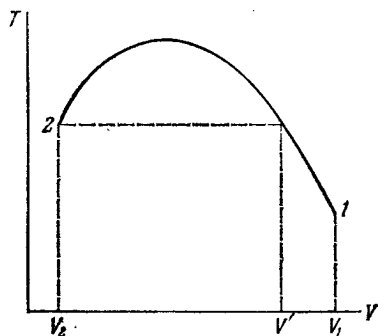


Рис. 69