

## З а д а ч а

Определить магнитный момент сверхпроводящего шарика радиуса  $R \ll \delta$ , находящегося в магнитном поле, в лондонском случае.

Решение. При  $R \ll \delta$  можно считать магнитное поле внутри шарика постоянным и равным внешнему полю  $\mathfrak{H}$ . Если выбрать векторный потенциал в виде  $\mathbf{A} = \frac{1}{2} [\mathfrak{H} \mathbf{r}]$ , то можно положить просто

$$\mathbf{j} = - (n_s e^2 / mc) \mathbf{A}$$

(т. е. положить в (44,7)  $\Phi = 0$ ); граничное условие исчезновения нормальной составляющей тока ( $\mathbf{n} \mathbf{j} = 0$ ) на поверхности шарика выполняется тогда автоматически. Магнитный момент вычисляется как интеграл

$$\mathbf{M} = \frac{1}{2c} \int [\mathbf{r} \mathbf{j}] dV$$

по объему шарика и равен

$$\mathbf{M} = - \frac{R^5}{30\delta^2} \mathfrak{H}.$$

## § 45. Уравнения Гинзбурга — Ландау

Полная теория, описывающая поведение сверхпроводника в магнитном поле, очень сложна. Ситуация, однако, существенно упрощается в области температур вблизи точки перехода. Здесь оказывается возможным построить систему относительно простых уравнений, причем применимых не только в слабых, но и в сильных полях<sup>1)</sup>.

В общей теории Ландау фазовых переходов второго рода отличие «несимметричной» фазы от «симметричной» описывается параметром порядка, обращающимся в точке перехода в нуль (см. V § 142). Для сверхпроводящей фазы естественным таким параметром является конденсатная волновая функция  $\Xi$ . Во избежание излишних (с принципиальной точки зрения) усложнений будем считать симметрию металлического кристалла кубической; как было указано в § 44, в этом случае сверхпроводящее состояние характеризуется скалярной величиной  $n_s$  — плотностью сверхпроводящих электронов. Более удобным выбором параметра порядка в этом случае является величина (обозначим ее через  $\psi$ ), пропорциональная  $\Xi$ , но нормированная условием  $|\psi|^2 = n_s/2$ . Фаза величины  $\psi$  совпадает с фазой функции  $\Xi$ :

$$\psi = \sqrt{\frac{n_s}{2}} e^{i\Phi}. \quad (45,1)$$

<sup>1)</sup> Излагаемая ниже теория принадлежит В. Л. Гинзбургу и Л. Д. Ландау (1950). Замечательно, что она была построена феноменологическим путем, еще до создания микроскопической теории сверхпроводимости.

Плотность сверхпроводящего тока (44,2), выраженная через  $\psi$ , записывается в виде

$$\mathbf{j}_s = \frac{e\hbar}{m} |\psi|^2 \nabla\Phi = -\frac{ie\hbar}{2m} (\psi^* \nabla\psi - \psi \nabla\psi^*). \quad (45,2)$$

Отправным пунктом теории является выражение для свободной энергии сверхпроводника как функционала от функции  $\psi(\mathbf{r})$ . В соответствии с общими положениями теории Ландау, оно получается разложением плотности свободной энергии по степеням малого (вблизи точки перехода) параметра порядка  $\psi$  и его производных по координатам. Сначала рассмотрим сверхпроводник в отсутствие магнитного поля.

В соответствии со своим смыслом как величины, пропорциональной гриновской функции  $F(X, X) \equiv -i\Xi(X)$ , параметр порядка  $\psi$  неоднозначен: поскольку функция  $F(X, X)$  составлена из двух операторов  $\hat{\Psi}$ , то произвольное изменение фазы этих операторов,  $\hat{\Psi} \rightarrow \hat{\Psi} e^{i\alpha/2}$ , приводит к изменению фазы функции  $F$  на  $\alpha$ . Физические величины не должны, конечно, зависеть от этого произвола, т. е. должны быть инвариантны по отношению к преобразованию комплексного параметра порядка:  $\psi \rightarrow \psi e^{i\alpha}$ . Этим требованием исключаются члены нечетных степеней по  $\psi$  в разложении свободной энергии.

Конкретный вид этого разложения устанавливается на основе тех же соображений, что и в общей теории фазовых переходов второго рода (см. V § 146). Не повторяя этих рассуждений, напомним следующее разложение полной свободной энергии сверхпроводящего тела <sup>1)</sup>:

$$F = F_n + \int \left\{ \frac{\hbar^2}{4m} |\nabla\psi|^2 + a |\psi|^2 + \frac{b}{2} |\psi|^4 \right\} dV. \quad (45,3)$$

Здесь  $F_n$  — свободная энергия в нормальном состоянии (т. е. при  $\psi=0$ );  $b$  — зависящий лишь от плотности вещества (но не от температуры) положительный коэффициент; величина  $a$  зависит от температуры по закону

$$a = (T - T_c) \alpha, \quad (45,4)$$

обращаясь в нуль в точке перехода; коэффициент  $\alpha > 0$  в соответствии с тем, что сверхпроводящей фазе отвечает область  $T < T_c$ ; коэффициент при  $|\nabla\psi|^2$  в (45,3) выбран так, чтобы для тока получалось выражение (45,2) (см. ниже) <sup>2)</sup>. Тот факт, что

<sup>1)</sup> Напомним лишь, что написанный вид градиентного члена связан с предположенной кубической симметрией кристалла. При более низкой симметрии он имел бы вид более общей квадратичной формы из производных  $d\psi/dx_i$ .

<sup>2)</sup> Этот выбор (в том числе отождествление  $m$  с истинной массой электрона) не имеет, конечно, глубокого смысла и условен в той же мере, как и определение  $n_s$  в (44,2).

в (45,3) фигурируют лишь первые производные от  $\psi$ , связан с предположением о достаточной медленности изменения  $\psi$  в пространстве.

В однородном сверхпроводнике, в отсутствие внешнего поля, параметр  $\psi$  не зависит от координат. Тогда выражение (45,3) сведется к

$$F = F_n + aV |\psi|^2 + \frac{bV}{2} |\psi|^4. \quad (45,5)$$

Равновесное значение  $|\psi|^2$  (при  $T < T_c$ ) определяется условием минимальности этого выражения:

$$|\psi|^2 = -\frac{a}{b} = \frac{\alpha}{b} (T_c - T); \quad (45,6)$$

плотность сверхпроводящих электронов в зависимости от температуры обращается в точке перехода в нуль по линейному закону.

Подставив значение (45,6) обратно в (45,5), найдем разность свободных энергий сверхпроводящего и нормального состояний:

$$F_s - F_n = -V \frac{\alpha^2}{2b} (T_c - T)^2. \quad (45,7)$$

Дифференцированием по температуре отсюда можно найти разность энтропий, а затем и скачок теплоемкости в точке перехода <sup>1)</sup>:

$$C_s - C_n = V \frac{\alpha^2 T_c}{b}. \quad (45,8)$$

Вблизи точки перехода разность (45,7) представляет собой малую добавку в свободной энергии. Согласно теореме о малых добавках (V § 15), эта же величина (выраженная в функции температуры и давления вместо температуры и объема) дает разность термодинамических потенциалов  $\Phi_s - \Phi_n$ . С другой стороны, согласно общей формуле термодинамики сверхпроводников (см. VIII (43,7)), эта разность совпадает с величиной  $-V H_c^2 / 8\pi$ , где  $H_c$  — критическое поле, разрушающее сверхпроводимость. Таким образом, находим для последнего следующий

<sup>1)</sup> Сравнив формулы (45,6) и (45,8) для  $|\psi|^2 = \rho_s / 2m$  и для скачка теплоемкости с формулами (40,16) и (40,11) для тех же величин в модели БКШ, можно найти значения коэффициентов  $\alpha$  и  $b$  в этой модели (Л. П. Горьков, 1959):

$$\alpha = 6\pi^2 T_c / 7\zeta(3) \mu = 7,04 \cdot T_c / \mu, \quad b = \alpha T_c / n;$$

использована связь плотности числа частиц  $n = \rho / m$  и химического потенциала  $\mu$  (при  $T = 0$ ) с предельным импульсом как для идеального газа:

$$n = p_F^3 / 3\pi^2 \hbar^3, \quad \mu = p_F^2 / 2m.$$

закон температурной зависимости вблизи точки перехода <sup>1)</sup>:

$$H_c = \left(\frac{4\pi a^2}{b}\right)^{1/2} = \left(\frac{4\pi \alpha^2}{b}\right)^{1/2} (T_c - T). \quad (45,9)$$

При наличии магнитного поля выражение (45,3) для свободной энергии должно быть изменено в двух отношениях. Во-первых, к подинтегральному выражению надо добавить плотность энергии магнитного поля  $\mathbf{B}^2/8\pi$  (где  $\mathbf{B} = \text{rot } \mathbf{A}$  — магнитная индукция в теле). Во-вторых, надо изменить градиентный член таким образом, чтобы удовлетворить требованию калибровочной инвариантности. В предыдущем параграфе было показано, что это условие приводит к необходимости замены градиента фазы конденсатной волновой функции  $\nabla\Phi$  разностью  $\nabla\Phi - 2ie\mathbf{A}/\hbar c$ . В данном случае это значит, что надо заменить:

$$\nabla\psi = e^{i\Phi} \nabla|\psi| + i\psi \nabla\Phi \rightarrow \nabla\psi - \frac{2ie}{\hbar c} \mathbf{A}\psi.$$

Таким образом, мы приходим к следующему основному выражению:

$$F = F_{n0} + \int \left\{ \frac{\mathbf{B}^2}{8\pi} + \frac{\hbar^2}{4m} \left| \left( \nabla - \frac{2ie}{\hbar c} \mathbf{A} \right) \psi \right|^2 + a|\psi|^2 + \frac{b}{2} |\psi|^4 \right\} dV \quad (45,10)$$

( $F_{n0}$  — свободная энергия тела в нормальном состоянии в отсутствие магнитного поля). Подчеркнем, что коэффициент  $2ie/\hbar c$  в этом выражении имеет безусловный характер (в отличие от отмеченной выше условности выбора коэффициента  $\hbar^2/4m$ ). Удвоение заряда электрона в нем есть следствие эффекта Купера (Л. П. Горьков, 1959); этот коэффициент не мог бы быть, конечно, установлен чисто феноменологическим путем.

Дифференциальные уравнения, определяющие распределение волновой функции  $\psi$  и магнитного поля в сверхпроводнике, находятся теперь минимизацией свободной энергии как функционала от трех независимых функций:  $\psi$ ,  $\psi^*$  и  $\mathbf{A}$ .

Комплексная величина  $\psi$  есть совокупность двух вещественных величин; поэтому  $\psi$  и  $\psi^*$  надо рассматривать при варьировании как независимые функции. Варьируя интеграл по  $\psi^*$  и преобразовав интеграл от члена  $(\nabla\psi - 2ie\mathbf{A}/\hbar c) \nabla\delta\psi^*$  интегри-

<sup>1)</sup> В модели БКШ:

$$H_c = 2,44 (m\rho_F/\hbar^3)^{1/2} (T_c - T) \text{ при } T \rightarrow T_c.$$

Приведем также значение  $H_c$  в этой же модели при  $T=0$ :

$$H_c = 0,99 T_c (m\rho_F/\hbar^3)^{1/2}$$

(оно получается приравниванием  $-VH_c^2/8\pi$  разности энергий (40,9)).

рованием по частям, получим

$$\delta F = \int \left\{ -\frac{\hbar^2}{4m} \left( \nabla - \frac{2ie}{\hbar c} \mathbf{A} \right)^2 \psi + a\psi + b|\psi|^2 \psi \right\} \delta\psi^* dV + \frac{\hbar^2}{4m} \oint \left( \nabla\psi - \frac{2ie}{\hbar c} \mathbf{A}\psi \right) \delta\psi^* df; \quad (45,11)$$

второй интеграл берется по поверхности тела. Положив  $\delta F = 0$ , получим, в качестве условия равенства нулю объемного интеграла при произвольном  $\delta\psi^*$ , следующее уравнение:

$$\frac{1}{4m} \left( -i\hbar \nabla - \frac{2e}{c} \mathbf{A} \right)^2 \psi + a\psi + b|\psi|^2 \psi = 0 \quad (45,12)$$

(варьирование же интеграла по  $\psi$  приводит к комплексно-сопряженному уравнению, т. е. не дает ничего нового).

Аналогичным образом, варьирование интеграла по  $\mathbf{A}$  приводит к уравнению Максвелла

$$\text{rot } \mathbf{B} = \frac{4\pi}{c} \mathbf{j}, \quad (45,13)$$

причем плотность тока дается выражением

$$\mathbf{j} = -\frac{ie\hbar}{2m} (\psi^* \nabla\psi - \psi \nabla\psi^*) - \frac{2e^2}{mc} |\psi|^2 \mathbf{A}, \quad (45,14)$$

совпадающим с (44,7) (мы пишем  $\mathbf{j}$  вместо  $\mathbf{j}_s$ , так как в термодинамическом равновесии нормальный ток отсутствует). Отметим, что из (45,13) следует уравнение непрерывности  $\text{div } \mathbf{j} = 0$ ; это уравнение можно получить также и прямым дифференцированием выражения (45,14) с учетом уравнения (45,12).

Уравнение (45,12—14) составляют полную систему уравнений Гинзбурга—Ландау.

Граничные условия к этим уравнениям получаются из условия равенства нулю интегралов по поверхности в вариации  $\delta F$ . Из (45,11), таким образом, получается граничное условие

$$\mathbf{n} \left( -i\hbar \nabla\psi - \frac{2e}{c} \mathbf{A}\psi \right) = 0, \quad (45,15)$$

где  $\mathbf{n}$  — вектор нормали к поверхности тела. Отметим, что в силу этого условия обращается в нуль, как и следовало, также и нормальная компонента тока (45,14):  $\mathbf{n}\mathbf{j} = 0$ <sup>1)</sup>.

<sup>1)</sup> При граничном условии (45,15) само  $\psi$  не обращается в нуль, как это, казалось бы, должно было быть для волновой функции на границе тела. Это обстоятельство связано с тем, что в действительности  $\psi$  убывает до нуля лишь на расстояниях  $\sim \xi_0$  от поверхности; между тем такие расстояния в теории Гинзбурга—Ландау рассматриваются как пренебрежимо малые.

Условие (45,15) выведено здесь по существу для границы сверхпроводника с вакуумом. Оно остается в силе и для границы с диэлектриком, но для

Что касается граничных условий для поля, то из уравнения (45,13) с учетом конечности  $\mathbf{j}$  во всем пространстве (вплоть до поверхности тела) следует непрерывность тангенциальной компоненты индукции  $\mathbf{B}_t$ . Из уравнения же

$$\operatorname{div} \mathbf{B} = 0$$

следует непрерывность нормальной составляющей индукции  $\mathbf{B}_n$ . Другими словами, граничные условия требуют непрерывности всего вектора  $\mathbf{B}$ .

В слабом магнитном поле можно пренебречь его влиянием на  $|\psi|^2$  и считать  $|\psi|^2$  равным постоянному вдоль тела значению (45,6). Тогда подстановка (45,14) в (45,13) (и последующее применение операции  $\operatorname{rot}$  к обоим сторонам уравнения) приводит к уравнению Лондонов (44,11) с глубиной проникновения

$$\delta = \left[ \frac{mc^2 b}{8\pi e^2 |a|} \right]^{1/2} = \left[ \frac{mc^2 b}{8\pi e^2 \alpha (T_c - T)} \right]^{1/2}. \quad (45,16)$$

Наряду с этим размером уравнения Гинзбурга—Ландау содержат еще одну характерную длину: корреляционный радиус флуктуаций параметра порядка  $\psi$  (в отсутствие поля); обозначим его через  $\xi(T)$ . По известным формулам теории флуктуаций (см. V § 146), этот радиус выражается через коэффициенты в свободной энергии (45,3) согласно

$$\xi(T) = \frac{\hbar}{2(m|a|)^{1/2}} = \frac{\hbar}{2(m\alpha)^{1/2}(T_c - T)^{1/2}}. \quad (45,17)$$

Характерными длинами (45,16—17) определяется порядок величины расстояний, на которых существенно меняется параметр порядка  $\psi$  и магнитное поле, описываемые уравнениями Гинзбурга—Ландау. При этом длина  $\delta$  характерна, вообще говоря, для магнитного поля, а длина  $\xi(T)$ —для распределения  $\psi$ . Обе эти длины должны быть велики по сравнению с «размерами пары»  $\xi_0$  для того, чтобы выполнялось предположение о достаточной медленности изменения всех величин в пространстве. Поскольку обе длины возрастают при приближении к точке перехода (по закону  $(T_c - T)^{-1/2}$ ), то вблизи нее это условие, вообще говоря, выполняется (см. ниже).

границы раздела между различными металлами (из которых один сверхпроводящ, а другой нормален) оно непригодно—в нем не учитывается эффект частичного проникновения сверхпроводящих электронов в нормальный металл. В этом случае (45,15) заменяется условием более общего вида, совместимого с требованием  $\mathbf{n} \mathbf{j} = 0$ :

$$\mathbf{n} \left( -i\hbar \nabla \psi - \frac{2e}{c} \mathbf{A} \psi \right) = \frac{i\psi}{\lambda}, \quad (45,15a)$$

где  $\lambda$ —вещественная постоянная (размерности длины); оценка этой постоянной требует, однако, более детального микроскопического исследования.

Важное значение в излагаемой теории играет *параметр Гинзбурга—Ландау*, определяемый как постоянное (не зависящее от температуры) отношение двух указанных длин:

$$\kappa = \frac{\delta(T)}{\xi(T)} = \frac{mcb^{1/2}}{(2\pi)^{1/2} |e| \hbar}. \quad (45,18)$$

По порядку величины  $\kappa \sim \delta_0/\xi_0$ , где  $\xi_0$  — длина когерентности (39,21), а  $\delta_0$  — лондоновская глубина проникновения при абсолютном нуле. Укажем также формулу

$$\kappa = 2\sqrt{2} \frac{|e|}{\hbar c} H_c(T) \delta^2(T), \quad (45,19)$$

получающуюся с помощью (45,9) и (45,16) и выражающую  $\kappa$  непосредственно через наблюдаемые величины.

Установив вид уравнений, обсудим теперь вопрос об области их применимости.

Со стороны низких температур эта область во всяком случае ограничена условием  $T_c - T \ll T_c$ , позволяющим считать параметр порядка малым и тем самым лежащим в основе всего произведенного разложения свободной энергии. Этим же условием обеспечивается соблюдение неравенства  $\xi(T) \gg \xi_0$ , но для соблюдения неравенства  $\delta(T) \gg \xi_0$  условие оказывается более жестким в случае сверхпроводников с малыми значениями параметра  $\kappa$ <sup>1)</sup>; в этих случаях из неравенства  $\delta \gg \xi_0$  следует условие

$$T_c - T \ll \kappa^2 T_c. \quad (45,20)$$

Со стороны же  $T \rightarrow T_c$  применимость уравнений ограничена лишь общим условием применимости теории фазовых переходов Ландау, связанным с возрастанием флуктуаций параметра порядка. В данном случае, однако, это условие оказывается чрезвычайно слабым. Действительно, оно выражается через коэффициенты разложения (45,3) неравенством

$$T_c - T \gg \frac{b^2 T_c^2}{\alpha (\hbar^2/m)^3}$$

(см. V (146,15)). Оценив, например, выражение в правой стороне с помощью значений  $b$  и  $\alpha$  в модели БКШ, получим

$$(T_c - T)/T_c \gg (T_c/\mu)^4. \quad (45,21)$$

Ввиду крайней малости отношения  $T_c/\mu \sim 10^{-3} - 10^{-4}$  можно

<sup>1)</sup> Приведем для примера значения  $\kappa$  для некоторых чистых металлов: Al—0,01, Sn—0,13, Hg—0,16, Pb—0,23.

считать, что это условие выполняется практически вплоть до самой точки перехода. Флуктуационная же область для перехода второго рода между сверхпроводящей и нормальной фазами практически отсутствует.

### Задача

Для плоской пленки с толщиной  $d \ll \xi, \delta$  найти критическое значение магнитного поля (параллельного плоскости пленки), разрушающего сверхпроводимость (В. Л. Гинзбург, Л. Д. Ландау, 1950)<sup>1)</sup>.

Решение. Выберем серединную плоскость пленки в качестве плоскости  $xz$  с осью  $x$  вдоль направления поля. В уравнении (45,13) для поля  $B \equiv B_x(y)$  (меняющегося по оси  $y$  поперек пленки) можно считать  $\psi = \text{const}$ . Тогда первый член в выражении тока (45,14) исчезает и применение операции  $\text{rot}$  к (45,13) приводит к уравнению  $B'' = \theta^2 B / \delta^2$ , где  $\theta = \psi / \psi_0$ ,  $\psi_0^2 = |a|/b$ . Симметричное по  $y$  решение этого уравнения

$$B(y) = \xi \frac{\text{ch}(y\theta/\delta)}{\text{ch}(d\theta/2\delta)} \approx \xi \left[ 1 + \frac{y^2 - (d/2)^2}{2\delta^2} \theta^2 \right]$$

( $\xi$  — внешнее поле). Этому полю отвечает распределение тока

$$j = j_z = -\frac{c}{4\pi} B' \approx -\frac{c\theta^2 \xi}{4\pi \delta^2} y.$$

В уравнении же (45,12) зависимостью  $\psi$  от  $y$  полностью пренебречь нельзя: малая производная  $\partial^2 \psi / \partial y^2$  фактически умножается здесь на  $\hbar^2/m|a| \sim \xi^2$  и тем самым приобретает большой (в силу условия  $d \ll \xi$ ) множитель  $(\xi/d)^2$ ; в то же время в этом уравнении можно пренебречь потенциалом  $A = A_z(y)$ , приводящим здесь к членам более высокого порядка малости по  $d/\xi$ . Чтобы избавиться от необходимости рассмотрения зависимости  $\psi$  от  $y$ , усредним уравнение (45,12) по толщине пленки; производные по  $y$  при этом выпадут в силу граничного условия  $\partial \psi / \partial y = 0$  на поверхности пленки. Заметив также, что

$$-\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \approx \left( \frac{mj}{|e| \hbar |\psi|^2} \right)^2 \psi$$

в силу зависимости фазы функции  $\psi$  от  $x$  (и связи ее градиента с током) найдем, после сокращения на  $\psi$ :

$$\frac{m\bar{j}^2}{4e^2 |\psi|^4} - |a| + b |\psi|^2 = 0,$$

где

$$\bar{j}^2 = \frac{1}{d} \int_{-d/2}^{d/2} j^2 dy = \frac{c^2 d^2 \theta^4 \xi^2}{3(8\pi)^2 \delta^4}.$$

Используя также выражения (45,9) и (45,16), придем к уравнению

$$\frac{1}{2} \left( \frac{\xi d}{H_c \delta} \right)^2 = 1 - \frac{|\psi|^2}{\psi_0^2},$$

определяющему значение  $\psi$  для пленки в магнитном поле. Критическое зна-

<sup>1)</sup> Аналогичную задачу для маленького шарика, см. в § 47.



чение поля для пленки  $H_c^{(пл)}$  есть то, при котором  $\psi$  обращается в нуль. Оно связано с критическим полем  $H_c$  массивного сверхпроводника равенством

$$H_c^{(пл)} = \sqrt{24} H_c \delta / d.$$

В рассмотренных условиях разрушение сверхпроводимости полем происходит путем фазового перехода второго рода:  $\psi$  обращается в нуль при увеличении  $\mathcal{H}$  непрерывным образом. Это вполне естественно, поскольку при  $d \ll \delta$  поле фактически проникает в сверхпроводящую пленку, так что нет причин для перехода первого рода, который как раз и состоял бы во внезапном проникновении поля в тело.

#### § 46. Поверхностное натяжение на границе сверхпроводящей и нормальной фаз

Уравнения Гинзбурга—Ландау позволяют, в частности вычислить поверхностное натяжение на границе сверхпроводящей ( $s$ ) и нормальной ( $n$ ) фаз (в одном и том же образце), связав его с величинами, характеризующими объемные свойства вещества (*В. Л. Гинзбург, Л. Д. Ландау, 1950*). Напомним, что такие границы существуют в металлических образцах, находящихся в так называемом промежуточном состоянии в магнитном поле. Поскольку все отличие обоих фаз сводится к тому, что в одной из них  $\psi \neq 0$ , а в другой  $\psi = 0$ , то переход между ними совершается непрерывно в некотором слое и описывается уравнениями Гинзбурга—Ландау с граничными условиями, поставленными лишь на больших расстояниях по обе стороны этого слоя.

Рассмотрим плоскую границу раздела между  $n$ - и  $s$ -фазами металла. Выбрав эту границу в качестве плоскости  $yz$ , направим ось  $x$  в глубь  $s$ -фазы; распределение всех величин в обоих фазах зависит только от координаты  $x$ . Векторный потенциал поля, выбор которого оставался еще неоднозначным, подчиним калибровке, в которой  $\operatorname{div} \mathbf{A} = 0$ ; в данном случае это дает  $dA_x/dx = 0$ , откуда видно, что можно положить  $A_x = 0$ . Из соображений симметрии очевидно, что вектор  $\mathbf{A}$  лежит везде в одной плоскости; пусть это будет плоскость  $xy$ , так что  $A_y \equiv A$ , тогда вектор индукции лежит в плоскости  $xz$ , причем

$$B \equiv B_z = A' \quad (46,1)$$

(штрих означает дифференцирование по  $x$ ).

Далее, перепишем уравнение (45,13) в обычном в макроскопической электродинамике виде  $\operatorname{rot} \mathbf{H} = 0$ , введя напряженность поля  $\mathbf{H}$  согласно<sup>1)</sup>

$$\mathbf{H} = \mathbf{B} - 4\pi \mathbf{M}, \quad \operatorname{rot} \mathbf{M} = \mathbf{j}.$$

<sup>1)</sup> Напомним, во избежание недоразумений, что замечание в VIII § 41 о нецелесообразности введения величины  $\mathbf{H}$  относилось к электродинамике сверхпроводников, в которой область проникновения магнитного поля рассматривалась как бесконечно тонкая. Уравнения же Гинзбурга—Ландау применяются именно к структуре этой области.