

ные результаты имеют весьма общий характер. Они в равной мере относятся ко всем частицам, движущимся в веществе и испытывающим рассеяние и захват, если только взаимодействие с рассеивающими центрами имеет характер близкодействия.

§ 32. Кинетическое уравнение в плазме без столкновений

Непосредственное применение уравнения Больцмана к плазме требует осторожности. Заряженные частицы в плазме взаимодействуют по закону Кулона, так что силы взаимодействия между ними сравнительно медленно убывают с расстоянием. Поэтому необходимо обсудить те изменения, которые нужно внести в вычисление интеграла столкновений для учета особенностей кулоновских взаимодействий. Мы отложим, однако, это обсуждение до § 33, а пока заметим, что наличие сил дальнего действия может в какой-то мере не только усложнять, но и упрощать задачу. Именно, поскольку силы взаимодействия медленно убывают с расстоянием, в системе заряженных частиц должны возникать коллективные движения, в которых принимают участие сравнительно большие группы частиц.

Можно говорить о коллективных возбуждениях в плазме, в которые вовлекается вся система как целое. При рассмотрении таких крупномасштабных движений можно пренебречь неоднородностями (флуктуациями) в системе и вовсе не учитывать парных столкновений между частицами.

Из теории рассеяния в поле кулоновских сил [см. § 43 ч. I; § 86 ч. V] мы знаем, что существенное отклонение частиц происходит при минимальных значениях прицельного параметра

$$\rho_{\min} \sim \frac{e^2}{mv^2} \sim \frac{e^2}{\bar{\epsilon}},$$

где $\bar{\epsilon} \sim kT$ — средняя энергия частиц с температурой T . Если имеет место неравенство

$$\rho_{\min} \ll \bar{r} \sim \frac{1}{n^{1/3}}, \quad (32,1)$$

где \bar{r} — среднее расстояние между частицами, а n — их плотность, то роль парных соударений становится сравнительно малой по сравнению с кулоновским взаимодействием частиц на больших, порядка \bar{r} , расстояниях. В этом случае в системе частиц с кулоновским взаимодействием характер функции распределения будет определяться в основном не парными столкновениями, а средними силами, действующими на частицы. Полезно заметить что неравенство (32,1) эквивалентно

неравенству

$$\frac{l_D^3}{r^3} \gg 1. \quad (32,1')$$

Это означает, что для малости интеграла столкновений требуется малость плазменного параметра [§ 41 ч. IV]. Последнее в свою очередь эквивалентно приближению дебаевской теории для равновесной плазмы. Таким образом, в том же дебаевском приближении, в каком обычно описываются равновесные свойства плазмы, можно учитывать коллективные взаимодействия, но пренебрегать парными взаимодействиями на малых расстояниях.

Неравенство (32,1) или эквивалентное ему (32,1') справедливы при малой плотности и высокой температуре плазмы.

К этому же результату можно прийти и с помощью другого рассуждения, основанного на приближении времени релаксации τ . Если в плазме рассматриваются нестационарные процессы с частотой ω , то при

$$\omega \gg \frac{1}{\tau}$$

можно пренебречь интегралом столкновений.

Опуская в кинетическом уравнении интеграл столкновений, можно написать

$$\frac{\partial f_\alpha}{\partial t} + (\mathbf{v}\nabla) f_\alpha + \frac{\mathbf{F}_\alpha}{m} \nabla_{\mathbf{v}} f_\alpha = 0, \quad (32,2)$$

где индекс α означает сорт частиц (электроны, ионы), а \mathbf{F}_α — полную силу, действующую на частицу α -го сорта:

$$\mathbf{F}_\alpha = e_\alpha \left(\mathbf{E} + \frac{1}{c} [\mathbf{v}\mathbf{H}] \right). \quad (32,3)$$

При этом мы считаем, что $\mu \cong 1$. Поля \mathbf{E} и \mathbf{H} в (32,3) представляют поля, действующие на частицу со стороны всех остальных частиц (внутренние поля) плюс приложенные внешние поля. Для простоты рассуждений, мы сначала обсудим случай, когда внешние поля отсутствуют. Поля \mathbf{E} и \mathbf{H} удовлетворяют системе уравнений Максвелла — Лоренца:

$$\left. \begin{aligned} \operatorname{rot} \mathbf{H} &= \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \frac{4\pi}{c} \mathbf{j} \\ \operatorname{rot} \mathbf{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t}, \\ \operatorname{div} \mathbf{E} &= 4\pi\rho, \\ \operatorname{div} \mathbf{H} &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (32,4)$$

Подчеркнем, что мы не можем в нашем приближении рассматривать плазму как сплошную среду и пользоваться уравнениями Максвелла.

Входящие в систему уравнений Максвелла — Лоренца (32,4) плотности заряда и тока представляют средние значения этих величин, взятые по функциям распределения f_α :

$$\rho = \sum_{\alpha} e_{\alpha} \int f_{\alpha}(\mathbf{r}, \mathbf{v}, t) dV, \quad \mathbf{j} = \sum_{\alpha} e_{\alpha} \int \mathbf{v} f_{\alpha}(\mathbf{r}, \mathbf{v}, t) dV. \quad (32,5)$$

Таким образом, система уравнений полей и функций распределения образует замкнутую систему: поля \mathbf{E} и \mathbf{H} находятся по заданным средним значениям плотностей заряда и тока. Последние зависят от функции распределения f_α . Можно сказать, таким образом, что поля \mathbf{E} и \mathbf{H} определяются функцией распределения f_α . В свою очередь функция распределения согласно (32,2) зависит от значений полей \mathbf{E} и \mathbf{H} в каждой точке плазмы в каждый момент времени. Иными словами, в системе устанавливается такое распределение частиц по скоростям и в пространстве, при котором соответствующие поля поддерживают это распределение. Каждая частица движется в поле, создаваемом всеми частицами, за исключением данной. При этом, разумеется, все частицы являются равноправными. Таким образом, в плазме устанавливается самосогласованное поле [ср. § 41 ч. IV или § 70 ч. V].

Обычно тепловым движением ионов ввиду их большой массы можно пренебречь, и искать функцию распределения только для электронов. При этом совокупность ионов образует положительный заряженный фон, компенсирующий электрический заряд электронов.

Уравнение (32,2) носит название кинетического уравнения с самосогласованным полем. Следует заметить, что качественные рассуждения, положенные в основу его вывода, могут быть дополнены более строгим количественным рассмотрением. При этом оказывается, что кинетическое уравнение с самосогласованным полем получается из цепочки уравнений для коррелятивных функций при разложении по малому плазменному параметру \bar{n}/l_D^3 ¹⁾.

Интеграл столкновений оказывается величиной следующего порядка малости в разложении по этому параметру.

Описание неравновесных процессов в плазме в приближении самосогласованного поля позволяет найти целый ряд происходящих в ней явлений.

¹⁾ См., например, Н. Н. Боголюбов, Проблемы динамической теории в статистической физике, Гостехиздат, 1946; К. П. Гуров, Основания кинетической теории, «Наука», 1966.