

Изменение с высотой температуры адиабатически поднимающейся воздушной частицы графически изображается в осях координат температура — высота в виде прямой линии. Она носит название *сухой адиабаты* или *кривой состояния сухой воздушной частицы*.

Наряду с адиабатическими процессами рассматриваются более общие, политропические. *Политропическим процессом* называется такой процесс, при котором приток тепла к воздушной частице прямо пропорционален изменению температуры:

$$dq = c dT, \quad (3.9)$$

где c — теплоемкость политропического процесса (величина постоянная). Частными случаями политропического процесса являются адиабатический процесс ($c=0$, $dq=0$), изобарический процесс ($c=c_p$, $dq=c_p dT$), изостерический процесс ($c=c_v$, $dq=c_v dT$), изотермический процесс ($c=\pm\infty$, $dT=0$).

4 Потенциальная температура

Температура, которую примет воздушная частица, если ее опустить или поднять сухоадиабатически с исходного уровня до уровня, где давление равно 1000 гПа, носит название *потенциальной температуры*. Обозначим ее через Θ .

Рассмотрим два состояния воздушной частицы: начальное (T_i , p) и конечное (Θ , 1000 гПа). Поскольку процесс адиабатический, то по уравнению (2.3)

$$\frac{T_i}{\Theta} = \left(\frac{p}{1000}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} \quad \text{или} \quad \Theta = T_i \left(\frac{1000}{p}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}. \quad (4.1)$$

Нетрудно получить приближенное выражение для Θ . Поскольку при опускании на каждые 100 м частица нагревается на 1°C , то при давлении на поверхности земли $p_0=1000$ гПа

$$\Theta = T_i + z/100. \quad (4.2)$$

Если же $p_0 \neq 1000$ гПа, то

$$\Theta = T_i + \frac{z}{100} + \frac{1000 - p_0}{12,5}. \quad (4.3)$$

Последнее слагаемое в правой части представляет собой изменение температуры частицы при перемещении ее от поверхности Земли до уровня 1000 гПа. Если, например, $p_0 < 1000$ гПа, то уровень 1000 гПа лежит ниже поверхности Земли на $(1000 - p_0)h$ м (здесь h — барическая ступень). Вблизи уровня моря $h \approx 8$ м/гПа,

поэтому при дополнительном опускании от поверхности земли до уровня 1000 гПа частица нагревается на

$$\frac{(1000 - p_0) 8}{100} = \frac{1000 - p_0}{12,5}.$$

Потенциальная температура обладает очень важным свойством: при сухоадиабатических перемещениях одной и той же воздушной частицы она сохраняет *постоянное значение*. В самом деле, логарифмируя и дифференцируя формулу (4.1), получаем

$$\frac{d\Theta}{\Theta} = \frac{dT_i}{T_i} - \frac{R_c}{c_p} \frac{dp}{p}. \quad (4.4)$$

Согласно уравнению (3.1), правая часть (4.4) при адиабатическом процессе равна нулю. Таким образом, при адиабатическом движении воздушной частицы

$$d\Theta/\Theta = 0, \quad d\Theta = 0, \quad \Theta = \text{const}. \quad (4.5)$$

Следовательно, если воздушная масса перемещается без теплообмена с окружающей средой (адиабатически), то ее потенциальная температура остается постоянной (в то время как T изменяется). Это свойство сохранения (консервативности) потенциальной температуры используется на практике в качестве характеристики воздушных масс и оценки их вертикальных перемещений. Если же в процессе движения воздушной массы ее потенциальная температура изменилась, то это однозначно говорит о том, что имел место приток или отток тепла. Сравнение уравнений (4.4) и (1.5) показывает, что приток тепла к воздушной частице связан с изменением ее потенциальной температуры уравнением

$$dq = c_p T_i \frac{d\Theta}{\Theta}. \quad (4.6)$$

Потенциальная температура обладает еще одним примечательным свойством. Если воспользоваться основным уравнением статики, то уравнению (4.4) можно придать вид

$$c_p T_i \frac{d\Theta}{\Theta} = c_p dT_i + \frac{g T_i}{T_e} dz$$

или

$$c_p T_i \frac{d\Theta}{\Theta} = c_p dT_i + g dz - \frac{g(T_e - T_i)}{T_e} dz. \quad (4.7)$$

Введем обозначения:

$$c_p dT_i = d\mathcal{E}_i, \quad g dz = d\Phi^*, \quad \frac{g(T_i - T_e)}{T_e} dz = dE_i.$$

Здесь $\mathcal{E}_i = c_p T_i + \text{const}$ — теплосодержание, или энтальпия; $\Phi^* = gz + \text{const}$ — потенциальная энергия (геопотенциал); E_i — так называемая энергия неустойчивости, физический смысл которой выясняется в п. 11. С учетом введенных обозначений уравнение (4.7) принимает вид

$$c_p T_i \frac{d\theta}{\theta} = d\mathcal{E}_i + d\Phi^* + dE_i \quad \text{или} \quad c_p T_i \frac{d\theta}{\theta} = d\Pi_i, \quad (4.8)$$

где $\Pi_i = \mathcal{E}_i + \Phi^* + E_i$ — полная энергия частицы единичной массы.

Уравнение (4.8) показывает, что изменение потенциальной температуры однозначно связано с изменением полной энергии воздушной частицы. При адиабатическом перемещении воздушной частицы ее полная энергия не изменяется:

$$\mathcal{E}_i + \Phi^* + E_i = \text{const}. \quad (4.9)$$

5 Критерии устойчивости атмосферы на основе метода частицы

Распределение температуры T_e окружающего частицу воздуха в различных слоях атмосферы характеризуется вертикальным градиентом температуры

$$\gamma = -\partial T_e / \partial z.$$

Распределение температуры T_e и других метеорологических величин по высоте принято называть *стратификацией атмосферы*.

Выделим в атмосфере на том уровне, вблизи которого анализируется состояние атмосферы, воздушную частицу и переместим ее вверх или вниз от исходного уровня. Очевидно, для того чтобы частица не вносила никаких изменений в тепловое состояние окружающего воздуха, необходимо перемещать ее адиабатически (без притока тепла). Характеристикой изменения температуры частицы T_i служит в этом случае сухоадиабатический градиент γ_a . Сравним величину γ с γ_a . Возможны три принципиально различных случая распределения температуры по высоте в атмосфере.

Случай I. Градиент $\gamma > \gamma_a$, температура в атмосфере падает с высотой быстрее, чем на $1^\circ\text{C}/100$ м (рис. 4.1). Температура частицы на исходном уровне z_0 , по предположению, равна температуре атмосферы на этом уровне: $T_{e0} = T_{i0}$. Переместим воздушную

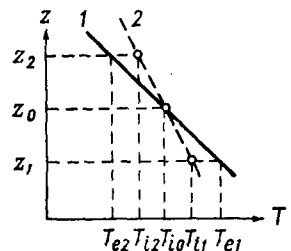


Рис. 4.1. Сухонеустойчивая стратификация ($\gamma > \gamma_a$):

1 — кривая стратификации,
2 — сухая адиабата.