

Указатель обозначений

Символ	Описание и номер страницы
\mathcal{A}	алгебра дифференциальных функций 370
\mathcal{A}^m	пространство наборов из m дифференциальных функций 371
Ad	присоединенное представление 262
Ad*	коприсоединенное представление 492
ad \mathbf{v}	присоединенное векторное поле 262
ad* \mathbf{v}	коприсоединенное векторное поле 492
Ai	функция Эйри 273
\mathbf{B}	пуассоново отображение на касательном пространстве 482
Bi	функция Эйри 273
C	отмеченная функция 474, 496
\mathcal{C}	отмеченный функционал 540
C^k	пространство k раз дифференцируемых функций 26
C^∞	пространство гладких функций 25
c_{jk}^i	структурная константа 82, 505
cn	якобиева эллиптическая функция 254
Curl	полный ротор 343
d	дифференциал 60, 88, 92
\hat{d}	вертикальный дифференциал 430
\mathbf{d}	векторное поле дилатации 171
D	полный дифференциал 428
\mathcal{D}	оператор симметрии дилатации 398
\mathcal{D}	дифференциальный оператор 225, 404
\mathcal{D}	гамильтонов оператор 527
\mathcal{D}^*	сопряженный дифференциальный оператор 404
D_t, D_x	полная производная 153, 372
D_x^{-1}	интегральный оператор 401
D_J	полная производная высшего порядка 153
D_P	производная Фреше дифференциальной функции P 398
D_P^*	сопряженная к производной Фреше 405

\mathcal{D}_Q	частный случай производной Фреше 424
$D_x \zeta$	полная матрица Якоби 305
$D(\eta^1, \dots, \eta^p)/D(x^1, \dots, x^p)$	полный якобиан 313
dx^i	базисная дифференциальная один-форма 88, 428
$dx^{\hat{i}}$	базисная дифференциальная $(m - 1)$ -форма 94
$dx^{\hat{j}}$	базисная дифференциальная $(m - 2)$ -форма 95
dx^I	базисная дифференциальная форма 89, 428
du_j^a	базисная вертикальная один-форма 430
\det	определитель 39
div	дивергенция 94
Div	полная дивергенция 321
e	единица группы 38
E	оператор Эйлера 319
E_a	оператор Эйлера 320
E_j^a	оператор Эйлера высшего порядка 466
$E^{(k)}$	оператор Эйлера высшего порядка 466
$E(m)$	евклидова группа пространства \mathbb{R}^m 108
e^{eA}	матричная экспонента 56
erf	функция ошибок 211
\exp	экспоненциальное отображение 80
$\exp(\mathbf{ev})$	поток векторного поля \mathbf{v} 56
$\exp(\mathbf{ev})$	однопараметрическая подгруппа 76
$\exp(\mathbf{ev}_Q)$	поток эволюционного векторного поля \mathbf{v}_Q 382
\mathcal{F}	пространство функционалов 434
G	группа Ли 39
G^+	компоненты единицы группы Ли 42
\mathfrak{g}	алгебра Ли 73
\mathfrak{g}^*	двойственная к алгебре Ли 480
G_c	группа сдвигов 114
$G^{(r)}$	подгруппа разрешимой группы 203
$\mathfrak{g}^{(r)}$	подалгебра разрешимой алгебры Ли 204
G_x	локальная группа преобразований, определенных в точке x 47
G^x	группа изотропии 110
\mathfrak{g}^x	подалгебра изотропии 110
G^a	группа растяжений 114
G_a	остаточная группа симметрий 511
\mathfrak{g}_a	подалгебра изотропии 511
$g \cdot f$	преобразованная функция 131
G/H	факторгруппа 109
$\operatorname{GL}(n), \operatorname{GL}(n, \mathbb{R})$	общая линейная группа пространства \mathbb{R}^n 39
$\operatorname{GL}^+(n)$	компоненты единицы общей линейной группы 42
$\mathfrak{gl}(n)$	алгебра Ли матриц размера $n \times n$ 76

- $\text{GL}(m, n)$ пространство матриц размера $m \times n$ максимального ранга 106
grad полный градиент 337
 $\text{Grass}(m, n)$ грассманово многообразие 106
 $\text{Grass}(p, m)$ грассманово расслоение 312
 h оператор гомотопии 99
 \hat{h} вертикальный оператор гомотопии 432
 H гамильтониан 474
 H, H^* операторы полной гомотопии 454
 \mathcal{H} система векторных полей 70
 \mathcal{H} гамильтонов функционал 527
 \mathbb{H}^m верхнее полупространство 103
 $\mathcal{H}|_x$ пространство гамильтоновых векторных полей 484
 H_n многочлен Эрмита 252
 i операция взятия обратного в группе 39
 I инверсия 110, 172
 I единичная матрица 39
 $I^{(n)}$ пространство инвариантов 294
 $I^{(n)}$ пространство «хороших» инвариантов 303
 $I_*^{(n)}$ расширенное пространство инвариантов 293
 $|_Q$ оператор полного внутреннего произведения 450
 $|_u$ оператор полного внутреннего произведения 454
 \mathbf{i}_x векторное поле инверсии 171
 \mathcal{J}_x оператор рекурсии, отвечающий симметрии инверсии 398
 J структурная матрица для скобки Пуассона 477, 523
 \tilde{J} преобразованный мультииндекс 140
 $J!, \tilde{J}!$ факториал мультииндекса 140
 J, J_Δ матрица Якоби 146, 155
 J^{ij} структурная функция для скобки Пуассона 477
 K матрица симплектической структуры 484
 K_g отображение сопряжения 262
 $\mathcal{K}|_x$ ядро пуассонова отображения \mathbf{B} 484
 $\mathcal{L}[u] = \int L dx$ функционал 317
 m групповая операция 39
 \mathbf{m} векторное поле дилатации 331
 M многообразие 24
 M открытое подмножество пространства независимых и зависимых переменных 130
 \mathbf{M} матрица характеристик 220
 \mathcal{M} оператор рекурсии, отвечающий симметрии дилатации 418
 M_g область определения преобразования g 47
 M_x вертикальный слой 429

- $M^{(n)}$ пространство струй 138
 $M_*^{(n)}$ расширенное пространство струй 288
 $M_{n \times n}$ пространство матриц размера $n \times n$ 39
 M/G факторногообразие 274
 $(M/G)^{(n)}$ пространство струй на факторногообразии 302
 $(M/G)^{(n)}_*$ «хорошее» пространство струй на факторногообразии 302
 $(M/G)_*^{(n)}$ расширенное пространство струй на факторногообразии 295
 \mathcal{O} орбита 48
 $O(n)$ ортогональная группа 40
 $O(\varepsilon^n)$ порядок малости 55
 P отображение момента 509
 p_k биномиальный коэффициент 136
 $p^{(n)}$ биномиальный коэффициент 136
 $\text{pr}^{(n)} f$ продолжение функции f 137
 $\text{pr}^{(n)} g$ продолжение преобразования g 141
 $\text{pr}^{(n)} G$ продолжение группы G 140
 $\text{pr}^{(n)} v$ продолжение векторного поля v 144
 $\text{pr} v$ продолжение (обобщенного) векторного поля v 372
 $\text{pr}^{(n)} \Gamma$ продолжение подмногообразия Γ 288
 Q, Q_α характеристика векторного поля 161
 Q, Q_α характеристика закона сохранения 344
 \mathbb{Q} рациональные числа 38
 \mathcal{R} оператор рекурсии 395
 \mathbb{R} вещественные числа 23
 \mathbb{R}^+ положительные вещественные числа 41
 R_g правое умножение 73
 \mathbb{R}^m m -мерное евклидово пространство 23
 r_{xy} векторное поле вращений 171
 \mathcal{R}_{xy} оператор рекурсии, отвечающий симметрии вращения 397
 \mathbb{RP}^n вещественное проективное пространство 106
 \mathcal{S}_F подмногообразие, задаваемое функцией F 115
 S^m m -мерная сфера 26
 \mathcal{S}_α множество уровня отображения момента 511
 \mathcal{S}_Δ подмногообразие, задаваемое системой дифференциальных уравнений Δ 138
 \mathcal{S}_Δ^* расширенное подмногообразие, задаваемое системой дифференциальных уравнений Δ 290
 $\mathcal{S}_{\Delta/\sigma}$ редуцированное подмногообразие 307
 $\mathcal{S}_{\Delta/\sigma}^*$ редуцированное подмногообразие 297

- $SL(n)$, $SL(n, \mathbb{R})$ специальная линейная группа пространства \mathbb{R}^n 43
 $\mathfrak{sl}(n)$ специальная линейная алгебра Ли 84
 sn якобиева эллиптическая функция 503
 $SO(n)$ специальная ортогональная группа 40
 $\mathfrak{so}(n)$ алгебра Ли кососимметрических матриц 79
 $SO(p, q)$ специальная ортогональная группа 236
 $Sp(n)$ симплектическая группа 108
 τ транспонирование 40
 T_0 пространство эволюционных векторных полей 415
 T^n n -мерный тор 27
 $T(n)$ группа верхних треугольных матриц 40
 TM касательное расслоение многообразия M 53
 $TM|_x$ касательное пространство к M в точке x 53
 T^*M кокасательное расслоение многообразия M 87
 $T^*M|_x$ кокасательное пространство к M в точке x 87
 u, u^α зависимые переменные 130
 \mathcal{U} область определения группы преобразований 46
 U пространство зависимых переменных 130
 U функция параболического цилиндра 252
 u_i производная от u по x : $d^i u / dx^i$ 186
 u_i частная производная от u по x^i : $\partial u / \partial x^i$ 149
 U_u пространство частных производных 136
 $u^{(n)}$ частные производные от u до порядка n включительно 137
 $U^{(n)}$ пространство струй 136
 U_z вертикальное пространство 286
 U_α координатная карта 24
 u_i^α частная производная от u^α по x^i : $\partial u^\alpha / \partial x^i$ 155
 u_j^α частная производная от u^α : $\partial_j u^\alpha$ 136
 $u_{j,i}^\alpha$ частная производная от u^α : $\partial_i^\alpha / \partial x^i$ 155
 u_{mt}^α частная производная от u^α : $\partial^m u^\alpha / \partial t^m$ 217
 $u_{mt,j}^\alpha$ частная производная от u^α : $\partial_j (\partial^m u^\alpha / \partial t^m)$ 218
 V локальная группа Ли 44
 V функция параболического цилиндра 252
 \mathbf{v} векторное поле; элемент алгебры Ли 53
 \mathbf{v} обобщенное векторное поле 371
 \mathbf{v}^* экспоненциальное векторное поле 239
 $\mathbf{v}_{\mathcal{D}_0}$ формальное эволюционное векторное поле 535
 $\hat{\mathbf{v}}(\hat{f})$ производная Ли от функции \hat{f} 58
 $\hat{\mathbf{v}}_H$ гамильтоново векторное поле 474
 $\hat{\mathbf{v}}_{\mathcal{K}}$ гамильтоново векторное поле 527
 $\mathcal{V}^{(n)}$ вертикальное подмногообразие 288

- $\tilde{\gamma}^{(n)}$ «хорошее» особое подмногообразие 303
 \mathbf{v}_Q эволюционное векторное поле 162
 \mathbf{v}_u векторное поле растяжений 432
 $\mathbf{v}_{|x}$ касательный вектор в точке x 51
 $\mathbf{v}(\omega)$ производная Ли от дифференциальной формы 96
 $(\mathcal{Y}/G)^{(n)}$ особое факторногообразие 302
 $(\widetilde{\mathcal{Y}/G})^{(n)}$ «хорошее» особое факторногообразие 302
 Vol объем 111
 W функция параболического цилиндра 273
 x, x^t независимые переменные 130
 \hat{x} параметрические переменные 126
 X пространство независимых переменных 130
 x^J произведение независимых переменных 140
 Z целые числа 38
 $1, 1_X$ тождественное отображение (пространства X) 26
 $(-1)^\pi$ знак перестановки π 87
 Γ_f график функции f 131
 $\Gamma_f^{(n)}$ график продолженной функции 139
 δ вариационная производная 318
 δ вариационный дифференциал 441
 $\delta_\alpha, \delta/\delta u^\alpha$ вариационная производная по u^α 318
 δ_j символ Кронекера 77
 Δ система дифференциальных уравнений 138
 Δ линейный дифференциальный оператор 397
 Δ лапласиан (оператор Лапласа) 321
 Δ/G редуцированная система дифференциальных уравнений 247
 $\Delta^{(k)}$ продолженная система дифференциальных уравнений 222
 $\Delta(x, u^{(n)})=0$ дифференциальное уравнение или система дифференциальных уравнений 138
 θ два-вектор 523, 543
 θ_J^a базисный вертикальный один-вектор 534
 κ кривизна 159
 ξ^i коэффициент векторного поля 53
 π перестановка 87
 π проектирование на факторногообразие 275
 π^k степенное произведение 282
 $\pi^{(n)}$ проектирование расширенного пространства струй 295
 π_k^n проектирование пространства струй 142
 σ тензор напряжений 416
 \varPhi_a коэффициент векторного поля 145

- φ_j^a коэффициент продолженного векторного поля 145
 χ_a координатное отображение 24
 ψ отображение, соответствующее инфинитезимальной образующей группы 84
 Ψ отображение, соответствующее группе преобразований, или поток 46
 Ψ три-вектор тождества Якоби 535
 ω дифференциальная форма 87
 ω полная дифференциальная форма 428
 ω функциональная форма 435
 δ вертикальная форма 430
 Ω симплектическая два-форма 521
 ∂ граница 103
 ∂_i частная производная высшего порядка 136
 ∂_k частная производная 111
 $\partial/\partial p$ производная вдоль нормали 221
 $\partial/\partial u_j^a$ частная производная по u_j^a 145
 $\partial/\partial x$ частная производная по x 30
 $\partial/\partial x^i$, ∂_i базисный касательный вектор 51
 $\partial u/\partial x$ матрица Якоби 246
 ∇f градиент функции f 35
 ∇u градиент деформации 356
 $\nabla \times f$ ротор f 93
 $\nabla \cdot f$ дивергенция f 93
 $\int L dx$ функционал 317
 $\int P \cdot dS$ интеграл по границе 322
 $\int \omega$ интеграл от дифференциальной формы ω 102
 $\int \hat{\omega} dx$ функциональная форма 437
 $*$ кодифференциал 90
 $*$ сопряжение 405
 $*$ двойственное векторное пространство 87
 \wedge внешнее произведение 89
 Λ_k пространство гладких дифференциальных k -форм 93
 Λ_r пространство полных r -форм 429
 $\hat{\Lambda}_k$ пространство вертикальных k -форм 432
 Λ_{*}^k пространство функциональных k -форм 436
 Λ_k^* пространство функциональных мультивекторов 534
 $\Lambda_k T^*M|_x$ пространство дифференциальных k -форм в точке x на M 87
 \int внутреннее произведение 91
 \emptyset пустое множество 24
 \cap теоретико-множественное пересечение 24
 \cup теоретико-множественное объединение 24

\sqcap	теоретико-множественное включение 24
\diagup	теоретико-множественная разность 26
\in	знак принадлежности 25
S	замыкание множества S 230
\times	декартово произведение 27
\times	векторное произведение в \mathbb{R}^3 108
\boxtimes	полупрямое произведение 108
\circ	композиция функций 24
$\# J$	порядок мульти-индекса J 136
$ \mathbf{v} $	длина вектора \mathbf{v} 109
$\binom{I}{J}$	биномиальный или мультиномиальный коэффициент 89
(a, b)	открытый интервал 29
$[a, b]$	замкнутый интервал 37
$[\mathbf{v}, \mathbf{w}]$	скобка Ли 62
$[A, B]$	коммутатор матриц A и B : $BA - AB$ 76
$[\mathcal{D}, \mathcal{E}]$	коммутатор операторов 421
$[\theta, \zeta]$	скобка Схоутена 523
$[\lambda, \mu, \nu]$	однородные координаты 291
$\{F, H\}$	скобка Пуассона 472
$\{\mathcal{P}, \mathcal{Q}\}$	скобка Пуассона 526
$\langle \cdot ; \cdot \rangle$	спаривание векторного пространства и двойственного к нему 87
$\langle \cdot, \cdot \rangle$	скалярное произведение 318